# Programme de colles Semaine 2 du 25 septembre au 29 septembre

### Cours:

Ch 1 : Rudiments de logique et d'arithmétique

Ch 2 : Compléments de calcul algébrique et trigonométrie

I:Sommes

II: Produits

III: Sommes doubles

IV: Coefficients binomiaux et formule du binôme de Newton

V : Systèmes linéaires

## Questions de cours et exercices type :

 $\mathbf{Q_1}$ : Tout entier supérieur ou égal à 2 admet au moins un diviseur premier. (ch 1, proposition 19)

**Q**<sub>2</sub>: Formule du binôme de Newton. *(ch 2, théorème 1)* 

 $T_1$ : Ch 1, exemple 19

Montrer que  $\sqrt{2}$  est irrationnel.

**T<sub>2</sub>**: *Ch 1, exemple 27* 

Soit  $f \in \mathcal{F}(\mathbb{R}, \mathbb{R})$ , montrons que :

$$\exists ! (g,h) \in \mathcal{P}(\mathbb{R}) \times \mathcal{I}(\mathbb{R}), \, f = g + h,$$

où  $\mathcal{P}(\mathbb{R})$  désigne l'ensemble des fonctions paires sur  $\mathbb{R}$ ,  $\mathcal{I}(\mathbb{R})$  désigne l'ensemble des fonctions impaires sur  $\mathbb{R}$  et  $(g,h) \in \mathcal{P}(\mathbb{R}) \times \mathcal{I}(\mathbb{R})$  signifie que  $g \in \mathcal{P}(\mathbb{R})$  et  $h \in \mathcal{I}(\mathbb{R})$ .

**T**<sub>3</sub>: *Ch 2, exemple 16* 

Soit  $n \in \mathbb{N}^*$ . Calculer  $\sum_{k=0}^{n} k \binom{n}{k}$ . On proposera deux méthodes.

# Programme de colles Semaine 2 du 25 septembre au 29 septembre

### Cours:

Ch 1 : Rudiments de logique et d'arithmétique

Ch 2 : Compléments de calcul algébrique et trigonométrie

I:Sommes

II: Produits

III: Sommes doubles

IV: Coefficients binomiaux et formule du binôme de Newton

V : Systèmes linéaires

## Questions de cours et exercices type :

 $\mathbf{Q_1}$ : Tout entier supérieur ou égal à 2 admet au moins un diviseur premier. (ch 1, proposition 19)

**Q**<sub>2</sub>: Formule du binôme de Newton. *(ch 2, théorème 1)* 

 $T_1$ : Ch 1, exemple 19

Montrer que  $\sqrt{2}$  est irrationnel.

**T<sub>2</sub>**: *Ch 1, exemple 27* 

Soit  $f \in \mathcal{F}(\mathbb{R}, \mathbb{R})$ , montrons que :

$$\exists ! (g,h) \in \mathcal{P}(\mathbb{R}) \times \mathcal{I}(\mathbb{R}), \, f = g + h,$$

où  $\mathcal{P}(\mathbb{R})$  désigne l'ensemble des fonctions paires sur  $\mathbb{R}$ ,  $\mathcal{I}(\mathbb{R})$  désigne l'ensemble des fonctions impaires sur  $\mathbb{R}$  et  $(g,h) \in \mathcal{P}(\mathbb{R}) \times \mathcal{I}(\mathbb{R})$  signifie que  $g \in \mathcal{P}(\mathbb{R})$  et  $h \in \mathcal{I}(\mathbb{R})$ .

**T**<sub>3</sub>: *Ch 2, exemple 16* 

Soit  $n \in \mathbb{N}^*$ . Calculer  $\sum_{k=0}^{n} k \binom{n}{k}$ . On proposera deux méthodes.